

Применение нейронных сетей в системах управления с ограничениями

Токмаков Станислав Владимирович
Аспирант первого года обучения

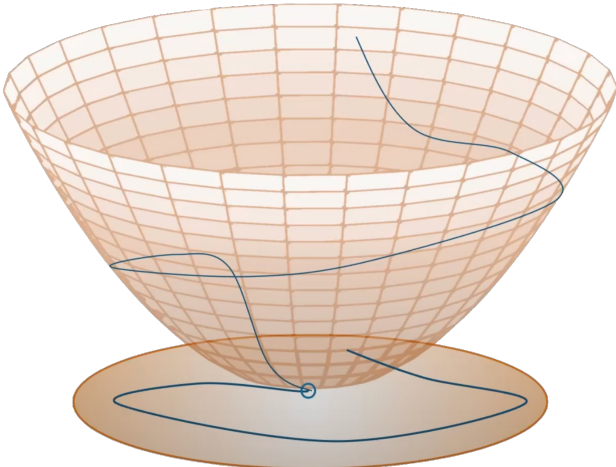
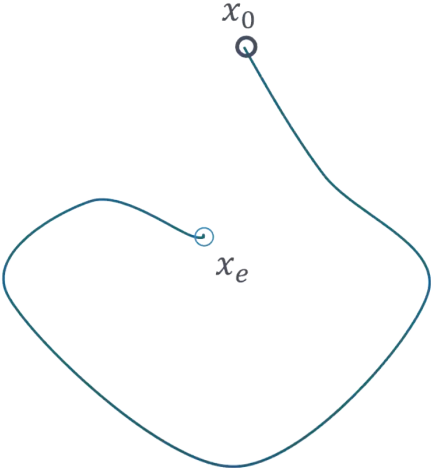
Научный руководитель – профессор кафедры информационных технологий ФМИАТ УлГУ
Седова Н.О.

$$\dot{x} = f(x)$$

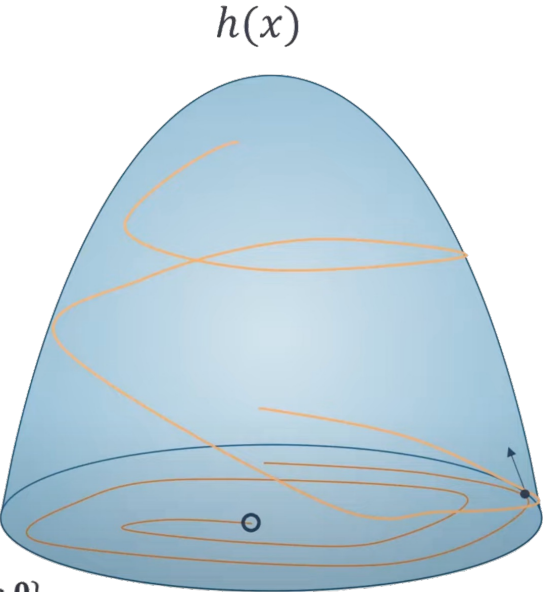
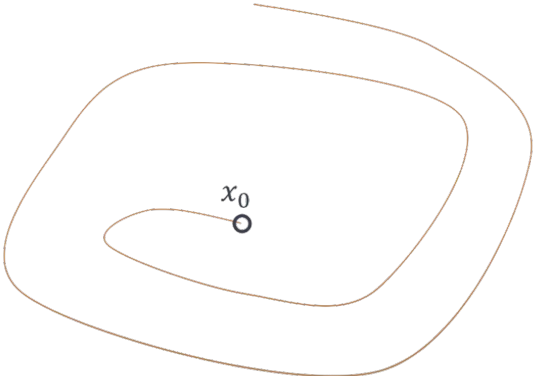
Функция Ляпунова

$$V(x_e) = 0, V(x) > 0 \text{ for } x \neq x_e,$$

$$\dot{V}(x) = \frac{\partial V}{\partial x} f(x) < 0 \text{ for } x \neq x_e$$



Барьерная функция



$$\mathcal{C} = \{x \mid h(x) \geq 0\}$$

$$\dot{h}(x) \geq 0$$

$$\forall x \in \partial \mathcal{C}$$

$$\dot{x} = f(x) + g(x)u \quad (1)$$

$$\dot{x} = f(x) + g(x)k(x) \quad (2)$$

$$\mathcal{C} \triangleq \{x \in \mathbb{R}^n \mid h(x) \geq 0\} \quad (3)$$

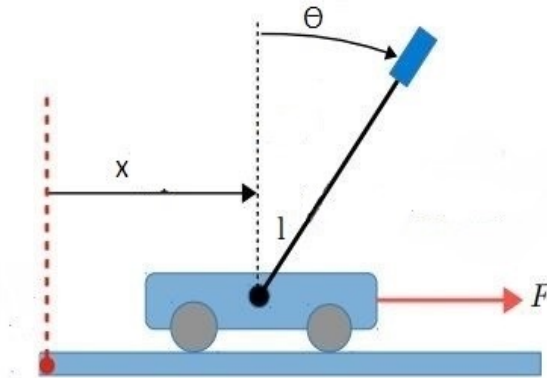
$$\text{Int}(\mathcal{C}) \triangleq \{x \in \mathbb{R}^n \mid h(x) > 0\} \quad (4)$$

$$\partial\mathcal{C} \triangleq \{x \in \mathbb{R}^n \mid h(x) = 0\} \quad (5)$$

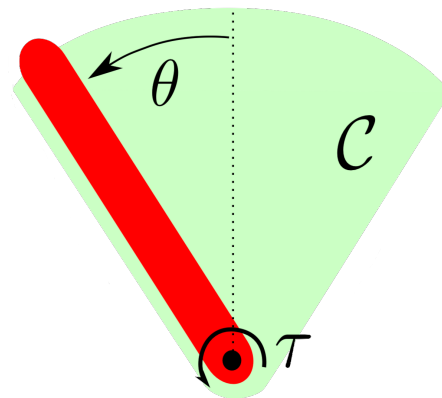
Барьерная функция:

$$\sup_{u \in \mathbb{R}^m} \frac{\partial h}{\partial x}(x) f(x) + \frac{\partial h}{\partial x}(x) g(x) u \geq \alpha(h(x)) \quad (6)$$

Уравнения движения системы «перевернутый маятник на подвижном основании»



$$\begin{aligned} ml\ddot{x} \cos \theta + ml^2\ddot{\theta} - mgl \sin \theta &= 0, \\ (m + M)\ddot{x} + ml\ddot{\theta} \cos \theta - ml\dot{\theta}^2 \sin \theta &= \tau \end{aligned} \quad (7)$$



Использование барьерной управляющей функции позволяет сформулировать задачу для нейронной сети. Результатом является управление, «корректирующее» исходное, так что дополнительно к свойству устойчивости замкнутой системы гарантируется требование безопасности для управляемой системы.

$$\dot{x} = \begin{bmatrix} \dot{\theta} \\ \sin\theta \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ \tau \end{bmatrix} \quad (8)$$

$$h(x) = c - x^T P x, \mathcal{C} = \{x \in \mathbb{R}^n \mid h(x) \geq 0\} \quad (9)$$